

سری سوال: یک ۱

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

www.PnuNews.com

عنوان درس: معادلات دیفرانسیل

و شته تحصیلی / کد درس: فیزیک (هسته ای)، فیزیک (اتمی و مولکولی)، فیزیک (حالت جامد) ۱۱۱۰۲۰ -، شیمی (محض) شیمی (پیام نور)، شیمی (کاربردی) ۱۱۱۰۲۶ -، مهندسی صنایع، مهندسی مدیریت پروژه (چندبخشی)، مهندسی مدیریت اجرایی (چندبخشی) ۱۱۱۱۱۰ -، مهندسی برق-کنترل، مهندسی برق-الکترونیک، مهندسی راه آهن - سازه های ریلی، مهندسی رباتیک، مهندسی برق-مخابرات، مهندسی راه آهن - بهره برداری، مهندسی خودرو، مهندسی هوافضا - هوافضا، مهندسی عمران - نقشه برداری، مهندسی عمران، مهندسی مکانیک، مهندسی خودرو، مهندسی هوافضا - گرایش بیومتریال، مهندسی پزشکی - بالینی، مهندسی متالورژی و مواد- متالورژی صنعتی، مهندسی شیمی، مهندسی پلیمر - صنایع پلیمری، ۱۱۱۱۴۰۹ -، ژئوفیزیک- شاخه زلزله شناسی ۱۱۲۴۰۲۴ -، مهندسی کشاورزی (ماشینهای کوکنایزا) چندبخشی، مهندسی آب و خاک (چندبخشی) ×۱۴۱۱۹۳

-۱ جواب عمومی معادله دیفرانسیل $xy' + y + 4 = 0$ عبارتست از

$$y = ce^{-x} - 4 \quad .4$$

$$y = cx - \frac{1}{4} \quad .3$$

$$y = \frac{c}{x} - 4 \quad .2$$

$$y = \frac{c}{x} \quad .1$$

-۲ فاکتور انتگرال (عامل انتگرال ساز) معادله دیفرانسیل $xy' + 2y = x^2$ کدام یک از گزینه های زیر می باشد؟

$$x^2 \quad .4$$

$$\ln x \quad .3$$

$$e^x \quad .2$$

$$x \quad .1$$

-۳ جواب عمومی معادله دیفرانسیل $y' + y = \frac{1}{e^x}$ برابر است با

$$xe^{-x} \quad .4$$

$$x^2 \quad .3$$

$$e^x y = x + c \quad .2$$

$$e^x + c \quad .1$$

-۴ معادله دیفرانسیل دسته منحنی $y = cx^2 + 2$ برابر است با

$$y = xy' + 2 \quad .4$$

$$y = \frac{1}{2}xy' + 2 \quad .3$$

$$y = \frac{1}{2}xy' + 1 \quad .2$$

$$y' = 2cx \quad .1$$

-۵ مرتبه معادله دیفرانسیل $y^5 y'' + y = 0$ برابر است با

$$3 \cdot 4$$

$$1 \cdot 3$$

$$5 \cdot 2$$

$$2 \cdot 1$$

-۶ جواب معادله دیفرانسیل $y = xy' + \sin(y')$ کدام است؟

$$y^2 = 4x^2 \quad .4$$

$$y = cx + \sin(c) \quad .3$$

$$y = 4x^2 \quad .2$$

$$y = 4x \quad .1$$

-۷ جواب عمومی معادله دیفرانسیل $y'' - 4y' + 4y = 0$ کدام است

$$c_1 e^x + c_2 e^{2x} \quad .4$$

$$(c_1 - c_2 x)e^{2x} \quad .3$$

$$(c_1 + c_1 x)e^x \quad .2$$

$$(c_1 + c_2 x)e^x \quad .1$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

www.PnuNews.com

عنوان درس: معادلات دیفرانسیل

و شته تحصیلی/ گذ درس: فیزیک (هسته ای)، فیزیک (اتمی و مولکولی)، فیزیک (حالت جامد) ۱۱۱۰۲۰ -، شیمی (محض) شیمی (پیام نور)، شیمی (کاربردی) ۱۱۱۰۲۶ -، مهندسی صنایع، مهندسی چندبخشی (چندبخشی)، مهندسی مدیریت پروژه (چندبخشی)، مهندسی مدیریت اجرایی (چندبخشی) ۱۱۱۱۱۰ -، مهندسی برق-کنترل، مهندسی برق-الکترونیک، مهندسی راه آهن - سازه های ریلی، مهندسی رباتیک، مهندسی برق-مخابرات، مهندسی راه آهن - بهره برداری، مهندسی راه آهن - جریه، مهندسی برق-قدرت، مهندسی برق- مهندسی پژوهشی (بیوالکتریک)، مهندسی عمران، مهندسی مکانیک، مهندسی خودرو، مهندسی هوافضا - هوافضا، مهندسی عمران - نقشه برداری، مهندسی پژوهشی - بیومکانیک، مهندسی پلیمر - علوم و تکنولوژی رنگ، مهندسی پژوهشی - گرایش بیومتریا، مهندسی پژوهشی - بالینی، مهندسی متالورژی و مواد- متالورژی صنعتی، مهندسی شیمی، مهندسی پلیمر - صنایع پلیمر، ۱۱۱۱۴۰۹ -، ژئوفیزیک- شاخه زلزله شناسی ۱۱۲۴۰۲۴ -، مهندسی کشاورزی (ماشینهای کوکماکانیزا) چندبخشی، مهندسی آب و خاک (چندبخشی) ۱۴۱۱۱۹۳ ×

-۸- ریشه های مفسر $y'' + 2y' - 15y = 0$ کدام است

$$-3,5 \quad .4$$

$$3,-5 \quad .3$$

$$3,5 \quad .2$$

$$-3,-5 \quad .1$$

-۹- رونسکین جوابهای معادله $y'' - 3y' + 2y = 0$ کدام است

$$e^{4x} \quad .4$$

$$e^{3x} \quad .3$$

$$e^{2x} \quad .2$$

$$e^x \quad .1$$

-۱۰- با کدام تبدیل (تغییر متغیر) معادله دیفرانسیل $4x^2y'' - 5xy' - 15y = 0$ به معادله خطی با ضرایب ثابت تبدیل می شود؟

$$y = xe^z \quad .4$$

$$x = e^z \quad .3$$

$$x = \log z \quad .2$$

$$y = ux \quad .1$$

-۱۱- کدام یک از توابع زیر جواب عمومی معادله دیفرانسیل $x^2y'' + 4xy' + 2y = 0$ می باشد

$$y = c_1x^2 + c_2x \quad .4$$

$$y = c_1x^{-2} + c_2x^{-1} \quad .3$$

$$y = c_1e^x + c_2xe^x \quad .2$$

$$y = c_1e^{-x} + c_2e^{-2x} \quad .1$$

-۱۲- جواب خصوصی معادله $y'' + y = \csc x$ برابر است با

$$\ln|\sin x|(\sin x + x\cos x) \quad .2$$

$$\sin x \ln|\sin x| - x\cos x \quad .1$$

$$x\sin x - \ln|\cos x| \quad .4$$

$$\tan^{-1} x \sin x - x\cos x \quad .3$$

-۱۳- جواب عمومی معادله $y'' - 4y' = -4$ برابر است با

$$y = c_1 + c_2e^{4x} + x \quad .2$$

$$y = c_1 + c_2e^{-4x} - x \quad .1$$

$$y = c_1xe^{-4x} + x^2 \quad .4$$

$$y = c_1 \cos 2x + c_2 \sin 2x \quad .3$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

www.PnuNews.com

عنوان درس: معادلات دیفرانسیل

و شته تحصیلی/ گذ درس: فیزیک (هسته ای)، فیزیک (اتمی و مولکولی)، فیزیک (حالت جامد) ۱۱۱۰۲۰ -، شیمی (محض) شیمی (پیام نور)، شیمی (کاربردی) ۱۱۱۰۲۶ -، مهندسی صنایع، مهندسی چندبخشی (چندبخشی)، مهندسی مدیریت پروژه (چندبخشی)، مهندسی مدیریت اجرایی (چندبخشی) ۱۱۱۱۱۰ -، مهندسی برق-کنترل، مهندسی برق-الکترونیک، مهندسی راه آهن - سازه های ریلی، مهندسی رباتیک، مهندسی برق-مخابرات، مهندسی راه آهن - بهره برداری، مهندسی راه آهن - جریه، مهندسی برق-قدرت، مهندسی برق-بیوکاریوکتیک، مهندسی عمران، مهندسی مکانیک، مهندسی خودرو، مهندسی هوافضا - هوافضا، مهندسی بیومتریا، مهندسی پزشکی - بیومکانیک، مهندسی پلیمر - علوم و تکنولوژی رنگ، مهندسی پزشکی - گرایش عمران - نقشه برداری، مهندسی پزشکی - بالینی، مهندسی متالورژی و مواد - متالورژی صنعتی، مهندسی شیمی، مهندسی پلیمر - صنایع پلیمری، ۱۱۱۱۴۰۹ -، ژئوفیزیک-شاخه زلزله شناسی ۱۱۲۴۰۲۴ -، مهندسی کشاورزی (ماشینهای کوکماکانیزا) چندبخشی، مهندسی آب و خاک (چندبخشی) ۱۴۱۱۱۹۳ ×

-۱۴ نقاط $x=0$ و $x=2$ برای معادله دیفرانسیل $(x-2)x^2y'' - y's \sin x + y = 0$ چه نقاطی هستند؟

۱. نقطه تکین نامنظم و $x=0$ نقطه تکین منظم ۲. نقطه تکین منظم

۳. هر دو نقطه تکین نامنظم

$$\sqrt{\frac{\pi}{2}} \cdot 4$$

$$\sqrt{\pi} \cdot 3$$

$$\frac{1}{2} \cdot 2$$

$$\sqrt{2} \cdot 1$$

-۱۵ مقدار $\Gamma\left(\frac{1}{2}\right)$ کدام گزینه است

$$\frac{\pi}{s} \cdot 4$$

$$\frac{\pi}{\sqrt{s}} \cdot 3$$

$$\sqrt{\frac{\pi}{s}} \cdot 2$$

$$\frac{\sqrt{\pi}}{s} \cdot 1$$

-۱۶ کدام یک از گزینه های زیر می باشد

$$x = e^t \cdot 4$$

$$z = y^{1-n} \cdot 3$$

$$z = y^{n-1} \cdot 2$$

$$x = e^{-t} \cdot 1$$

-۱۷ کدام یک از تغییر متغیر زیر در مورد معادله کشی - اویلر به کار می رود؟

$$x = e^t \cdot 4$$

$$z = y^{1-n} \cdot 3$$

$$z = y^{n-1} \cdot 2$$

$$x = e^{-t} \cdot 1$$

-۱۸ تبدیل لاپلاس $g(t) = \int_0^t \sinh 2u du$ را پیدا کنید

$$\frac{1}{s(s-1)} \cdot 4$$

$$\frac{1}{s(s^2-1)} \cdot 3$$

$$\frac{2}{(s^2-4)} \cdot 2$$

$$\frac{2}{s(s^2-4)} \cdot 1$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

www.PnuNews.com

عنوان درس: معادلات دیفرانسیل

و شته تحصیلی/ گد درس: فیزیک (هسته ای)، فیزیک (اتمی و مولکولی)، فیزیک (حالت جامد) ۱۱۱۰۲۰ -، شیمی (محض) شیمی (پیام نور)، شیمی (کاربردی) ۱۱۱۰۲۶ -، مهندسی صنایع، مهندسی چندبخشی (چندبخشی)، مهندسی مدیریت پروژه (چندبخشی)، مهندسی مدیریت اجرایی (چندبخشی) ۱۱۱۱۱۰ -، مهندسی برق-کنترل، مهندسی برق-الکترونیک، مهندسی راه آهن - سازه های ریلی، مهندسی برق رباتیک، مهندسی برق-مخابرات، مهندسی راه آهن - بهره برداری، مهندسی راه آهن - جریه، مهندسی برق-قدرت، مهندسی برق - مهندسی پزشکی (بیوالکتریک)، مهندسی عمران، مهندسی مکانیک .. مهندسی خودرو، مهندسی هوافضا - هوافضا، مهندسی عمران - نقشه برداری، مهندسی پزشکی - بیومکانیک، مهندسی پلیمر - علوم و تکنولوژی رنگ، مهندسی پزشکی - گرایش بیومتریا، مهندسی پزشکی - بالینی، مهندسی متالورژی و مواد- متالورژی صنعتی، مهندسی شیمی، مهندسی پلیمر - صنایع پلیمر، ۱۱۱۱۴۰۹ -، ژئوفیزیک- شاخه زلزله شناسی ۱۱۲۴۰۲۴ -، مهندسی کشاورزی (ماشینهای کوکماکانیزا) چندبخشی، مهندسی آب و خاک (چندبخشی) ۱۴۱۱۹۳ ×

$$\text{کدام گزینه است} \quad -19$$

$$\frac{\sqrt{\pi}}{4} \cdot 4$$

$$\frac{2\sqrt{\pi}}{3} \cdot 3$$

$$\frac{4\sqrt{\pi}}{3} \cdot 2$$

$$\frac{\pi}{3} \cdot 1$$

$$\text{تبديل معکوس} \quad -20$$

$$e^{-\frac{1}{3}t} \cos 2t \cdot 4$$

$$\frac{1}{3} e^{-\frac{1}{3}t} \cos 2t \cdot 3$$

$$\frac{1}{2} e^{-\frac{1}{2}t} \cos 2t \cdot 2$$

$$\frac{1}{2} e^{-\frac{1}{2}t} \cos t \cdot 1$$

سوالات تشریحی

۱،۴۰ نمره

$$y' + \frac{1}{x} y = x^3 y^4 \quad -1$$

معادله را حل کنید.

۱،۴۰ نمره

$$x^2 y'' - 4xy' + 6y = \ln x \quad -2$$

معادله دیفرانسیل را حل کنید

۱،۴۰ نمره

$$y'' + (x-1)^2 y' - 4(x-1)y = 0 \quad -3$$

جواب عمومی معادله دیفرانسیل را بصورت سری توانی حول نقطه $x=1$ پیدا کنید.

۱،۴۰ نمره

$$\begin{cases} (3D-1)x + 4y = t \\ Dx - Dy = t-1 \end{cases} \quad -4$$

دستگاه را حل کنید.

۱،۴۰ نمره

$$y'' + y = 6 \sin 2x \quad -5$$

معادله دیفرانسیل با شرایط اولیه $y(0)=3$ $y'(0)=1$ را به روش لاپلاس حل کنید.