

سری سوال: یک ۱

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

[www.PnuNews.com](http://www.PnuNews.com)

عنوان درس: معادلات دیفرانسیل

روش تحلیلی/گد درس: فیزیک (هسته ای)، فیزیک (اتمی و مولکولی)، فیزیک (حالت جامد) ۱۱۱۰۲۰ -، شیمی (محض) شیمی (پیوالي)، شیمی (کاربردی) ۱۱۱۰۲۶ -، مهندسی برق-کنترل، مهندسی برق-الکترونیک، مهندسی راه آهن - سازه های ریلی، مهندسی برق رباتیک، مهندسی برق-مخابرات، مهندسی راه آهن - بهره برداری، مهندسی راه آهن - جریه، مهندسی برق-قدرت، مهندسی برق مهندسی پزشکی (بیوالکتریک)، مهندسی عمران، مهندسی مکانیک، مهندسی خودرو، مهندسی هوا فضا - هوا فضا، مهندسی عمران - نقشه برداری، مهندسی پزشکی - بیومکانیک، مهندسی پلیمر - علوم و تکنولوژی رنگ، مهندسی پزشکی - گرایش بیومتریا، مهندسی پزشکی - بالینی، مهندسی متالورژی و مواد - متالورژی صنعتی، مهندسی شیمی، مهندسی پلیمر - صنایع و مکانیزما، چندبخشی، مهندسی آب و خاک (چندبخشی) (ماشینهای ک پلیمر ۱۱۱۱۴۰۹ -، ژئوفیزیک-شاخص زلزله شناسی ۱۱۲۴۰۲۴ -، مهندسی کشاورزی (ماشینهای ک و مکانیزما) چندبخشی، مهندسی آب و خاک (چندبخشی) ×۱۴۱۱۱۹۳)

-۱ جواب عمومی معادله دیفرانسیل  $xy' + y + 4 = 0$  عبارتست از

$$y = ce^{-x} - 4 \quad .4$$

$$y = cx - \frac{1}{4} \cdot 3$$

$$y = \frac{c}{x} - 4 \cdot 2$$

$$y = \frac{c}{x} \cdot 1$$

-۲ فاکتور انتگرال (عامل انتگرال ساز) معادله دیفرانسیل  $xy' + 2y = x^2$  کدام یک از گزینه های زیر می باشد؟

$$x^2 \cdot 4$$

$$\ln x \cdot 3$$

$$e^x \cdot 2$$

$$x \cdot 1$$

-۳ جواب عمومی معادله دیفرانسیل  $y' + y = \frac{1}{e^x}$  برابر است با

$$xe^{-x} \cdot 4$$

$$x^2 \cdot 3$$

$$e^x y = x + c \cdot 2$$

$$e^x + c \cdot 1$$

-۴ معادله دیفرانسیل دسته منحنی  $y = cx^2 + 2$  برابر است با

$$y = xy' + 2 \cdot 4$$

$$y = \frac{1}{2} xy' + 2 \cdot 3$$

$$y = \frac{1}{2} xy' + 1 \cdot 2$$

$$y' = 2cx \cdot 1$$

-۵ مرتبه معادله دیفرانسیل  $y^5 y'' + y = 0$  برابر است با

$$3 \cdot 4$$

$$1 \cdot 3$$

$$5 \cdot 2$$

$$2 \cdot 1$$

-۶ جواب معادله دیفرانسیل  $y = xy' + \sin(y')$  کدام است؟

$$y^2 = 4x^2 \cdot 4$$

$$y = cx + \sin(c) \cdot 3$$

$$y = 4x^2 \cdot 2$$

$$y = 4x \cdot 1$$

-۷ جواب عمومی معادله دیفرانسیل  $y'' - 4y' + 4y = 0$  کدام است

$$c_1 e^x + c_2 e^{2x} \cdot 4$$

$$(c_1 - c_2 x)e^{2x} \cdot 3$$

$$(c_1 + c_1 x)e^x \cdot 2$$

$$(c_1 + c_2 x)e^x \cdot 1$$

-۸ ریشه های مفسر  $y'' + 2y' - 15y = 0$  کدام است

$$-3,5 \cdot 4$$

$$3,-5 \cdot 3$$

$$3,5 \cdot 2$$

$$-3,-5 \cdot 1$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

[www.PnuNews.com](http://www.PnuNews.com)

عنوان درس: معادلات دیفرانسیل

روش تحلیلی/گذ درس: فیزیک (هسته ای)، فیزیک (اتمی و مولکولی)، فیزیک (حالت جامد) ۱۱۱۰۲۰ -، شیمی (محض) شیمی (یونیک) www.PnuNews.net

(کاربردی) ۱۱۱۰۲۶ -، مهندسی برق-کنترل، مهندسی برق-الکترونیک، مهندسی راه آهن - سازه های ریلی، مهندسی رباتیک، مهندسی برق-مخابرات، مهندسی راه آهن - بهره برداری، مهندسی راه آهن - جریه، مهندسی برق-قدرت، مهندسی برق - مهندسی پزشکی (بیوالکتریک)، مهندسی عمران، مهندسی مکانیک .. مهندسی خودرو، مهندسی هوافضا - هوافضا، مهندسی عمران - نقشه برداری، مهندسی پزشکی - بیومکانیک، مهندسی پلیمر - علوم و تکنولوژی رنگ، مهندسی پزشکی - گرایش بیومتریا، مهندسی پزشکی - بالینی، مهندسی متالورژی و مواد - متالورژی صنعتی، مهندسی شیمی، مهندسی پلیمر - صنایع پلیمر ۱۱۱۱۴۰۹ -، ژئوفیزیک-شاخه زلزله شناسی ۱۱۲۴۰۲۴ -، مهندسی کشاورزی (ماشینهای کومنکانیزا) چندبخشی، مهندسی آب و خاک (چندبخشی) ۱۴۱۱۹۳

-۹ رونسکین جوابهای معادله  $y'' - 3y' + 2y = 0$  کدام است

$$e^{4x} \cdot ۴$$

$$e^{3x} \cdot ۳$$

$$e^{2x} \cdot ۲$$

$$e^x \cdot ۱$$

-۱۰ با کدام تبدیل (تغییر متغیر) معادله دیفرانسیل  $4x^2y'' - 5xy' - 15y = 0$  به معادله خطی با ضوابط ثابت تبدیل می شود؟

$$y = xe^z \cdot ۴$$

$$x = e^z \cdot ۳$$

$$x = \log z \cdot ۲$$

$$y = ux \cdot ۱$$

-۱۱ کدام یک از توابع زیر جواب عمومی معادله دیفرانسیل  $x^2y'' + 4xy' + 2y = 0$  می باشد

$$y = c_1x^2 + c_2x \cdot ۴$$

$$y = c_1x^{-2} + c_2x^{-1} \cdot ۳$$

$$y = c_1e^x + c_2xe^x \cdot ۲$$

$$y = c_1e^{-x} + c_2e^{-2x} \cdot ۱$$

-۱۲ جواب خصوصی معادله  $y'' + y = \csc x$  برابر است با

$$\ln|\sin x|(\sin x + x\cos x) \cdot ۲$$

$$\sin x \ln|\sin x| - x\cos x \cdot ۱$$

$$x\sin x - \ln|\cos x| \cdot ۴$$

$$\tan^{-1} x \sin x - x\cos x \cdot ۳$$

-۱۳ جواب عمومی معادله  $y'' - 4y' = -4$  برابر است با

$$y = c_1 + c_2e^{4x} + x \cdot ۲$$

$$y = c_1 + c_2e^{-4x} - x \cdot ۱$$

$$y = c_1xe^{-4x} + x^2 \cdot ۴$$

$$y = c_1 \cos 2x + c_2 \sin 2x \cdot ۳$$

-۱۴ نقاط ۲ و ۰ برای معادله دیفرانسیل  $(x-2)x^2y'' - y'\sin x + y = 0$  چه نقاطی هستند؟

۱. نقطه تکین نامنظم و  $x=0$  نقطه تکین منظم و  $x=2$  نقطه تکین منظم

۲. نقطه تکین نامنظم و  $x=0$  نقطه تکین منظم و  $x=2$  نقطه تکین منظم

۳. هر دو نقطه تکین منظم

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

[www.PnuNews.com](http://www.PnuNews.com)

عنوان درس: معادلات دیفرانسیل

و شته تحصیلی / گد درس: فیزیک (هسته ای)، فیزیک (اتمی و مولکولی)، فیزیک (حالت جامد) ۱۱۱۰۲۰ -، شیمی (محض) شیمی (پریمی) WWW.PnuNews.net

(کاربردی) ۱۱۱۰۲۶ -، مهندسی برق-کنترل، مهندسی برق-الکترونیک، مهندسی راه آهن - سازه های ریلی، مهندسی رباتیک، مهندسی برق-مخابرات، مهندسی راه آهن - بهره برداری، مهندسی راه آهن - جریه، مهندسی برق-قدرت، مهندسی برق - مهندسی پزشکی (بیوالکتریک)، مهندسی عمران، مهندسی مکانیک .. مهندسی خودرو، مهندسی هوافضا - هوافضا، مهندسی عمران - نقشه برداری، مهندسی پزشکی - بیومکانیک، مهندسی پلیمر - علوم و تکنولوژی رنگ، مهندسی پزشکی - گرایش بیومتریا، مهندسی پزشکی - بالینی، مهندسی متالورژی و مواد - متالورژی صنعتی، مهندسی شیمی، مهندسی پلیمر - صنایع پلیمر ۱۱۱۱۴۰۹ -، ژئوفیزیک-شاخه زلزله شناسی ۱۱۲۴۰۲۴ -، مهندسی کشاورزی (ماشینهای کومنکانیزا) چندبخشی، مهندسی آب و خاک (چندبخشی) ۱۴۱۱۹۳

$$\sqrt{\frac{\pi}{2}} \cdot 4$$

$$\sqrt{\pi} \cdot 3$$

$$\frac{1}{2} \cdot 2$$

$$\sqrt{2} \cdot 1$$

-۱۵  
مقدار  $\Gamma\left(\frac{1}{2}\right)$  کدام گزینه است

$$\frac{\pi}{s} \cdot 4$$

$$\frac{\pi}{\sqrt{s}} \cdot 3$$

$$\sqrt{\frac{\pi}{s}} \cdot 2$$

$$\frac{\sqrt{\pi}}{s} \cdot 1$$

-۱۶  
کدام یک از گزینه های زیر می باشد

$$x = e^t \cdot 4$$

$$z = y^{1-n} \cdot 3$$

$$z = y^{n-1} \cdot 2$$

$$x = e^{-t} \cdot 1$$

-۱۷  
کدام یک از تغییر متغیر زیر در مورد معادله کشی - اویلر به کار می رود؟

$$\frac{1}{s(s-1)} \cdot 4$$

$$\frac{1}{s(s^2-1)} \cdot 3$$

$$\frac{2}{(s^2-4)} \cdot 2$$

$$\frac{2}{s(s^2-4)} \cdot 1$$

-۱۸  
تبديل لاپلاس

$$g(t) = \int_0^t \sinh 2u du$$

را پیدا کنید

$$\frac{\sqrt{\pi}}{4} \cdot 4$$

$$\frac{2\sqrt{\pi}}{3} \cdot 3$$

$$\frac{4\sqrt{\pi}}{3} \cdot 2$$

$$\frac{\pi}{3} \cdot 1$$

-۱۹  
مقدار  $\Gamma\left(-\frac{3}{2}\right)$  کدام گزینه است

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

[www.PnuNews.com](http://www.PnuNews.com)

عنوان درس: معادلات دیفرانسیل

و شته تحصیلی/ گذ درس: فیزیک (هسته ای)، فیزیک (اتمی و مولکولی)، فیزیک (حالت جامد) ۱۱۱۰۲۰ -، شیمی (محض) شیمی (یونیک) شیمی (کاربردی) ۱۱۱۰۲۶ -، مهندسی برق-کنترل، مهندسی برق-الکترونیک، مهندسی راه آهن - سازه های ریلی، مهندسی رباتیک، مهندسی برق-مخابرات، مهندسی راه آهن - بهره برداری، مهندسی راه آهن - جریه، مهندسی برق-قدرت، مهندسی برق - مهندسی پزشکی (بیوالکتریک)، مهندسی عمران، مهندسی مکانیک .. مهندسی خودرو، مهندسی هوافضا - هوافضا، مهندسی عمران - نقشه برداری، مهندسی پزشکی - بیومکانیک، مهندسی پلیمر - علوم و تکنولوژی رنگ، مهندسی پزشکی - گرایش بیومتریا، مهندسی پزشکی - بالینی، مهندسی متالورژی و مواد- متالورژی صنعتی، مهندسی شیمی، مهندسی پلیمر - صنایع پلیمر ۱۱۱۱۴۰۹ -، ژئوفیزیک- شاخه زلزله شناسی ۱۱۲۴۰۲۴ -، مهندسی کشاورزی (ماشینهای کومنکانیزا) چندبخشی، مهندسی آب و خاک (چندبخشی) ۱۴۱۱۹۳ ×

$$e^{-\frac{1}{3}t} \cos 2t .^4$$

$$\frac{1}{3} e^{-\frac{1}{3}t} \cos 2t .^3$$

$$\frac{1}{2} e^{-\frac{1}{2}t} \cos 2t .^2$$

$$\frac{1}{2} e^{-\frac{1}{2}t} \cos t .^1$$

-۲۰  
تبديل معکوس  $\frac{2s+1}{4s^2+4s+5}$  کدام است؟

### سوالات تشریحی

نمره ۱،۴۰

-۱  
معادله  $y' + \frac{1}{x} y = x^3 y^4$  را حل کنید?

نمره ۱،۴۰

-۲  
معادله دیفرانسیل  $x^2 y'' - 4xy' + 6y = \ln x$  را حل کنید

نمره ۱،۴۰

-۳  
جواب عمومی معادله دیفرانسیل  $y'' + (x-1)^2 y' - 4(x-1)y = 0$  را بصورت سری توانی حول نقطه  $x=1$  پیدا کنید؟

نمره ۱،۴۰

-۴  
دستگاه  $\begin{cases} (3D-1)x + 4y = t \\ Dx - Dy = t-1 \end{cases}$  را حل کنید؟

نمره ۱،۴۰

-۵  
معادله دیفرانسیل با شرایط اولیه  $y'' + y = 6 \sin 2x$   
 $y(0) = 3 \quad y'(0) = 1$  را به روش لاپلاس حل کنید؟