

سری سوال: یک ۱

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۵

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: جبر خطی عددی

رشته تحصیلی/ گد درس: علوم کامپیوتر (چندبخشی) ۱۱۱۱۰۵

www.PnuNews.com
www.PnuNews.net

استفاده از ماشین حساب ساده، ماشین حساب مهندسی مجاز است

- کدامیک از عبارت‌های زیر نادرست است؟

۱. یک ماتریس مرتبی می‌تواند حداقل یک معکوس را داشته باشد.

۲. اگر A و B دو ماتریس مرتبی باشند به طوری که $AB = I$ آنگاه $BA = I$ است.

۳. یک ماتریس مرتبی می‌تواند حداقل یک معکوس را داشته باشد.

۴. اگر A یک ماتریس معکوس را داشته باشد آنگاه منحصر به فرد است.

- برای هر ماتریس $n \times n$ مانند A کدامیک از خواص زیر با بقیه هم ارز نیستند؟

۱. معادله $Ax = 0$ ایجاد می‌کند که $x = 0$.

۲. دترمینان ماتریس A مخالف صفر است.

۳. ستون‌های ماتریس A یک پایه برای R^n تشکیل می‌دهند.

۴. صفر، یک مقدار ویژه ماتریس A است.

- کدامیک از روابط زیر درست است؟

۱. یک ماتریس پایین مثلثی یا بالا مثلثی نامنفرد است اگر و تنها اگر عناصر روی قطرش مخالف صفر باشند.

۲. اگر همه n کهاد اصلی پیشرو در ماتریس $n \times n$ ، A منفرد باشد آنگاه A یک تجزیه LU دارد.

۳. اگر A حقیقی، متقارن و معین مثبت باشد آنگاه یک تجزیه منحصر به فرد $L = LL^T$ دارد که در آن L بالا مثلثی با عناصر قطری منفی است.

.۴

$$\text{تجزیه } LU \text{ دارد. } A = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix} \quad -4$$

جواب دستگاه عبارتست از

$$\begin{bmatrix} 2 \\ 2 \end{bmatrix} .4$$

$$\begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} .3$$

$$\begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix} .2$$

$$\begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix} .1$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۵

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: جبرخطی عددی

رشته تحصیلی/ گد درس: علوم کامپیوتر (چندبخشی) ۱۱۱۱۰۵

www.PnuNews.com
www.PnuNews.net

۵- کدام یک از گزینه های زیر در مورد روش حذف گاوس بدون محور گیری درست است؟

۱. اکیدا غالب قطری بودن یک ماتریس را حفظ می کند.
۲. منفرد بودن یک ماتریس را حفظ می کند.
۳. نامنفرد بودن یک ماتریس را حفظ می کند.
۴. تجزیه ناپذیر بودن یک ماتریس را حفظ می کند.

۶- کدامیک از خواص زیر برای نرمها برقرار نیست؟

$$\|x + y\| \leq \|x\| - \|y\| \quad .4 \quad \|\lambda x\| = |\lambda| \|x\| \quad .3 \quad \|x + y\| \leq \|x\| + \|y\| \quad .2 \quad \| \cdot \| = .1$$

۷- برای دستگاه خطی $\begin{bmatrix} 7 & -6 \\ -8 & 9 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 \\ -4 \end{bmatrix}$ روش تکراری زیر چه نام دارد؟

$$x_1^{(k)} = \frac{6}{7} x_2^{(k-1)} + \frac{3}{7}$$

$$x_2^{(k)} = \frac{8}{9} x_1^{(k)} - \frac{4}{9}$$

۱. گاوس سایدل
۲. ژاکوبی
۳. ریچاردسون
۴. SOR

۸- با استفاده از نرم ماتریس بی نهایت، عدد وضعیت ماتریس $\begin{bmatrix} 7 & 8 \\ 9 & 10 \end{bmatrix}$ برابر است با

$$15.4 \quad -15.3 \quad 50.2 \quad -50.1$$

۹- کدامیک از مقادیر زیر یک مقدار ویژه برای ماتریس $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 3 \\ 2 & 1 & 1 \end{bmatrix}$ است؟

$$\frac{1 + \sqrt{7}}{2} i \quad .4 \quad \frac{1 - \sqrt{7}}{2} i \quad .3 \quad -4.2 \quad -\frac{1 - \sqrt{7}}{2} i \quad .1$$

۱۰- اثر ماتریس $(tr(A) = ?)$ برابر است با $\begin{bmatrix} 6 & 5 & -5 \\ 2 & 6 & -2 \\ 2 & 5 & -1 \end{bmatrix}$

$$2.4 \quad 10.3 \quad 11.2 \quad 6.1$$

۱۱- اگر λ یک مقدار ویژه ماتریس A و ماتریس A نامنفرد باشد آنگاه λ^{-1} یک مقدار ویژه برای

$$A^T \quad .4 \quad \frac{1}{A^{-1}} \quad .3 \quad A^{-1} \quad .2 \quad A \quad .1$$

است. است. است. است.

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۵

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: جبر خطی عددی

رشته تحصیلی/ گد درس: علوم کامپیوتر (چندبخشی) ۱۱۱۱۰۵

www.PnuNews.com
www.PnuNews.net

-۱۲- قضیه شور عبارت است از

۱. هر ماتریس مربعی مشابه یک ماتریس مثلثی است.
۲. هر ماتریس هرمیتی به طور یکانی مشابه به یک ماتریس قطری است
۳. هر ماتریس مربعی به طور یکانی مشابه به یک ماتریس قطری است.
۴. هر ماتریس مربعی به طور یکانی مشابه یک ماتریس مثلثی است.

-۱۳- کدامیک از روابط زیر درست است؟

$$\|A\|_2 = \max_{1 \leq i \leq n} |a_{ij}| \quad .1$$

اگر ماتریس A قطری باشد آنگاه

$$\|A\|_2^2 > \|A^* A\|_2 \quad .2$$

اگر ماتریس A مربعی باشد آنگاه

.3. اگر ماتریس A نرمال باشد آنگاه A^* دارای بردارهای ویژه یکسانی نیستند.

.4. اگر ماتریس A نرمال باشد آنگاه شرط $AB = BA$ ایجاب می کند که $AB^* = B^* A$

$$A = \begin{bmatrix} 63 & 41 & -88 \\ 42 & 60 & 51 \\ 0 & -28 & 56 \\ 126 & 82 & -71 \end{bmatrix} \quad .14$$

فرض کنید QR مقدار β برابر است با

$$\frac{1}{21\sqrt{70}} \quad .4$$

$$-147 \quad .3$$

$$\sqrt{70} \quad .2$$

$$21 \quad .1$$

$$A = \begin{bmatrix} 63 & 41 & -88 \\ 42 & 60 & 51 \\ 0 & -28 & 56 \\ 126 & 82 & -71 \end{bmatrix} \quad .15$$

در ماتریس Q مقدار α در اولین گام تجزیه QR برابر است با

$$-\sqrt{21} \quad .4$$

$$\frac{70}{\sqrt{21}} \quad .3$$

$$\sqrt{70} \quad .2$$

$$\frac{1}{21\sqrt{70}} \quad .1$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۵

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: جبر خطی عددی

رشته تحصیلی/ گد درس: علوم کامپیوتر (چندبخشی) ۱۱۱۱۰۵

www.PnuNews.com
www.PnuNews.net

$$A = \begin{bmatrix} 7 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad -16$$

برای ماتریس $A^* A$ کدام است؟

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 9 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 49 \end{bmatrix} \quad .4$$

$$\begin{bmatrix} 49 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad .3$$

$$\begin{bmatrix} 49 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 9 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad .2$$

$$\begin{bmatrix} 49 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 9 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad .1$$

-۱۷ کدام یک از خواص زیر جزء خواص پنzer نیست؟

$$XAX = X \quad .2$$

$$(AX)^* = AX \quad .1$$

$$AXA = A \quad .4$$

$$XAX = A \quad .3$$

-۱۸ کدامیک از روابط زیر نادرست است؟

.۲ هر ماتریس یک شبه معکوس منحصر به فرد دارد.

.۱ شبه معکوس یک ماتریس خواص پنzer را دارد.

.۳ اگر ماتریس A هرمیتی باشد A^+ نیز چنین است.

-۱۹ کدام یک از ماتریس های زیر خودتوان می باشند؟

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \quad .4$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \quad .3$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} \quad .2$$

$$I_2 \quad .1$$

-۲۰ فضای ضرب داخلی یک فضای خطی از C^n است که در آن یک ضرب داخلی به جز در کدام مورد تعریف شده است؟

$$\alpha, \beta \in C, \langle \alpha x + \beta y, z \rangle = \alpha \langle x, z \rangle + \beta \langle y, z \rangle \quad .2$$

$$x \neq 0 \quad \text{اگر} \quad \langle x, x \rangle > 0 \quad .1$$

$$\langle x, y \rangle = \langle y, x \rangle \quad .4$$

$$\langle x, y \rangle = \overline{\langle y, x \rangle} \quad .3$$

سوالات تشریحی

نمره ۱،۴۰

- تجزیه های دولیتل و چولسکی را برای ماتریس زیر بیابید.

$$A = \begin{bmatrix} 60 & 30 & 20 \\ 30 & 20 & 15 \\ 20 & 15 & 12 \end{bmatrix}$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۵

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: جبر خطی عددی

رشته تحصیلی/گد درس: علوم کامپیوتر(چندبخشی) ۱۱۱۱۰۵

www.PnuNews.com
www.PnuNews.net

۱،۴۰

-۲ با استفاده از سری نویمان معکوس ماتریس زیر را محاسبه کنید. (تا $k = 2$ کافی است).

$$A = \begin{bmatrix} 0/9 & -0/2 & -0/3 \\ 0/1 & 1/0 & -0/1 \\ 0/3 & 0/2 & 1/1 \end{bmatrix}$$

۱،۴۰

-۳ دو تکرار از مساله زیر را با استفاده از روش ریچاردسون و با بردار اولیه $x = (0 \ 0 \ 0)^T$ محاسبه کنید.

$$\begin{bmatrix} 1 & \frac{1}{2} & \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} & 1 & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{3} & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{11}{18} \\ \frac{11}{18} \\ \frac{1}{18} \end{bmatrix}$$

۱،۴۰

-۴ قضیه شتاب اتیکن را بیان و اثبات کنید.

۱،۴۰

-۵ شبیه معکوس ماتریس A را پیدا کنید.

$$A = \begin{bmatrix} 0 & -1.6 & 0.6 \\ 0 & 1.2 & 0.8 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$