

سری سوال: یک ۱

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۹۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: ۰

[www.PnuNews.com](http://www.PnuNews.com)  
[www.PnuNews.Net](http://www.PnuNews.Net)

عنوان درس: روشهای نمونه گیری ۱

رشته تحصیلی/گد درس: آمار و کاربردها ۱۱۱۷۰۲۸ - آمار و کاربردها

استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است

- اگر  $A$  و  $B$  دو برآورد کننده ناریب و مستقل با واریانس‌های به ترتیب  $\sigma^2$  و  $\sigma^2$  برای  $\theta$  باشند. کارایی برآوردگر  $A$  نسبت به برآوردگر  $B$  چقدر است؟

۰/۵ . ۴

۱ . ۳

۱ . ۲  
—  
۴

۴ . ۱

- اگر  $X_1, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی از توزیع پواسن با پارامتر  $\theta$  باشد. میانگین توان دوم خطای

$$\sigma(X) = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n X_i}$$

$$\frac{\theta(n-\theta)}{(n-1)^2} . ۴$$

$$\frac{\theta(n-\theta)}{(n-1)} . ۳$$

$$\frac{\theta(n+\theta)}{(n-1)^2} . ۲$$

$$\frac{\theta(n+\theta)}{(n-1)} . ۱$$

- اگر در جامعه ای با ضریب تغییرات ۱، یک انحراف معیار متغیر جامعه برابر ۳۰/۰ میانگین این متغیر و یک انحراف معیار میانگین نمونه برابر با  $1/5$  درصد میانگین نمونه باشند. آنگاه حجم نمونه چقدر باید باشد.

۴۰۰ . ۴

۱۰۰ . ۳

۲۰۰ . ۲

۳۰۰ . ۱

- اگر  $S_{wr} = (u_1, \dots, u_n)$  یک نمونه تصادفی ساده با جایگذاری از جامعه  $U_1, \dots, U_N$  باشد. به ازای هر

$P(u_m \in S_{wr})$  مقدار  $m = 1, \dots, N$  چیست؟

$$(1 - \frac{n}{N})^n . ۴$$

$$\frac{n}{N} . ۳$$

$$1 - (1 - \frac{n}{N})^n . ۲$$

$$1 - \frac{n}{N} . ۱$$

- از جامعه ای به حجم  $N$  نمونه ای تصادفی به روش با جایگذاری به حجم  $n$  انتخاب می‌کنیم. اگر  $U_i$  تعداد دفعات ظاهر

شدن واحد ام جامعه در نمونه باشد. ضریب تغییرات  $U_i$  کدامست؟

$$\frac{N-1}{n} . ۴$$

$$\sqrt{\frac{N-1}{n}} . ۳$$

$$1 - \frac{n}{N} . ۲$$

$$\sqrt{1 - \frac{n}{N}} . ۱$$

- اگر از جامعه ای نمونه ای تصادفی به حجم ۱۰ به روش با جایگذاری انتخاب کرده باشیم و برای این نمونه، مجموع توان دوم مشاهدات ۱۲۶ و میانگین آن ۳ به دست آمده باشند. آنگاه برآورد نا اریب واریانس میانگین نمونه کدام است؟

۵ . ۴

۴ . ۳

۰/۵ . ۲

۰/۴ . ۱

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۹۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: ۰

[www.PnuNews.com](http://www.PnuNews.com)  
[www.PnuNews.Net](http://www.PnuNews.Net)

عنوان درس: روشهای نمونه گیری ۱

رشته تحصیلی/گد درس: آمار و کاربردها ۱۱۱۷۰۲۸ - آمار و کاربردها ۱۱۱۷۱۶۰

-۷ اگر از جامعه ای بزرگ برای برآورد نسبت یک نمونه  $n_1$  تایی به تصادف انتخاب کنیم و بخواهیم مقدار خطأ به  $\frac{1}{2}$  خطای برآورد قبلی کاهش یابد. باید به چه تعداد نمونه اضافه کنیم؟

۴۶۱ .۴

۳۷۱ .۳

۲۶۱ .۲

$n_1$  .۱

-۸ در فهرستی از ۲۰۰۰ آدرس، نمونه ای تصادفی بدون جایگذاری به حجم  $n$  انتخاب نموده ایم. اگر نسبت آدرسهای غلط

در نمونه  $\frac{۵}{۲} = p$  و برآورد نا اریب واریانس  $p$ ،  $\frac{۷۶}{۴۹۵}$  باشد. آنگاه  $n$  کدام است؟

۱۲ .۴

۱۲۰ .۳

۱۰ .۲

۱۰۰ .۱

-۹ بررسی در مورد شیوع بیماریها معمول در جمعیت بزرگ صورت گرفته است برای هربیماری که حداقل یک درصد افراد جمعیت را مبتلا سازد. لازم است تعداد مبتلا یان با ضریب تغییرات، حدکثربیست درصد تخمین زده شود. اندازه نمونه لازم برای اخذ نمونه تصادفی ساده بدون جایگذاری چقدر است؟

۲۴۷۶ .۴

۲۵۶۰ .۳

۲۷۸۰ .۲

۲۴۷۴ .۱

-۱۰ برای برآورد جمعیت کل روستا تیان یک روستا ای شامل ۶۰۰ خانوار، که در خانوار های ۵ نفره و بالاتر زندگی می کنند. یک نمونه تصادفی ۶۰ تایی از بین کلیه خانوارها انتخاب کرده ایم که نتایج درجدول زیر آمده است. برآورد مورد نظر براساس نمونه کدام است؟

جمعیت خانوارها	۲	۳	۴	۵	۶
فرارانی	۱۲	۱۰	۲۰	۸	۱۰

۲۳۴۰ .۴

۱۰۰۰ .۳

۷۰۲ .۲

۱۸۰ .۱

-۱۱ در جامعه ای بزرگ به کمک نمونه گیری بدون جایگذاری، ضریب تغییرات را  $\frac{۱}{۳}$  بدست آورده اند. اگر بخواهند نمونه ای تهیه کنند که خطای نسبی برآورد میانگین با احتمال  $۹۵/۰$  از یک تجاوز نکند. حجم نمونه چقدر باید انتخاب شود؟  
( $Z \approx ۲$ )

۴۹ .۴

۲۴ .۳

۲۲ .۲

۴۵ .۱

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۹۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: ۰

[www.PnuNews.com](http://www.PnuNews.com)

[www.PnuNews.Net](http://www.PnuNews.Net)

عنوان درس: روشهای نمونه گیری ۱

رشته تحصیلی/گد درس: آمار و کاربردها ۱۱۱۷۰۲۸ - آمار و کاربردها ۱۱۱۷۱۶۰

-۱۲ می خواهیم نسبت اجارة نشین خانوارهای یک شهر خیلی بزرگ را در سال جاری با اطمینان ۹۵٪ برآورد کنیم به طوریکه حداقل خطا برآورد ۲٪ باشد. با یک کارشناس املاک، مشورت کرده ایم وی اظهار داشته که نسبت اجارة نشین ها ۲٪ است. براساس این اظهار نظر حجم نمونه جهت این برآورد کدام است؟  $Z \approx 2$  و کسر نمونه گیری قابل اغماض است)

$$n \geq 2500 . 4$$

$$n \geq 1600 . 3$$

$$n \leq 2500 . 2$$

$$n \leq 1600 . 1$$

-۱۳ اگر  $(x_1, y_1), \dots, (x_n, y_n)$  یک نمونه تصادفی ساده بدون جایگذاری از جامعه متناهی باشد. ضریب همبستگی میانگین های نمونه ای کدام است؟  $(X_1, Y_1), \dots, (X_N, Y_N)$

$$\frac{1}{n} \text{ ضریب همبستگی جامعه}$$

$$\frac{1}{n} \left(1 - \frac{n}{N}\right) . 4$$

$$1 . \text{ همان ضریب همبستگی جامعه}$$

$$3 . n \text{ برابر ضریب همبستگی جامعه}$$

-۱۴ به منظور مقایسه نسبت دانشجویان موفق بومی و غیربومی از ۱۶۰ دانشجوی غیر بومی تعداد ۳۰ نفر واژ ۹۰ دانشجوی بومی تعداد ۲۰ نفر موفق ارزیابی شده اند. میزان دقت تفاضل نسبت های دانشجویان بومی و غیر بومی با اطمینان ۹۵ درصد کدام است؟  $(Z = ۲)$

$$\frac{1}{21} \sqrt{10} . 4$$

$$\frac{1}{11} \sqrt{10} . 3$$

$$\frac{1}{9} \sqrt{10} . 2$$

$$\frac{1}{30} \sqrt{10} . 1$$

-۱۵ از جامعه ای با حجم ۱۰۰ و واریانس  $S^2 = ۲۵$  نمونه ای تصادفی بدون جایگذاری به حجم ۲۰ انتخاب کرده و میانگین این نمونه را  $\bar{Y}_1$  نامیده و سپس از این نمونه یک زیر نمونه ساده بدون جایگذاری به حجم ۵ انتخاب نموده و میانگین آن را

می نامیم. واریانس  $\bar{Y}_1 - \bar{Y}_2$  چقدر است؟

$$10 . 4$$

$$8 . 3$$

$$6 . 2$$

$$2 . 1$$

-۱۶ در یک نمونه گیری طبقه بندی از جامعه ای با سه طبقه می دانیم انحراف معیار متغیر مورد بررسی در طبقه اول ۴ برابر طبقه دوم و ۲ برابر طبقه سوم و حجم طبقه اول ۲ برابر طبقه دوم و ۴ برابر طبقه سوم است. اگر بخواهیم ۱۰۰ نمونه از این جامعه استخراج کنیم. حجم نمونه لازم از طبقه سوم با تخصیص نیمن چقدر باید باشد؟

$$45 . 4$$

$$33 . 3$$

$$10 . 2$$

$$20 . 1$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۹۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: ۰

[www.PnuNews.com](http://www.PnuNews.com)  
[www.PnuNews.Net](http://www.PnuNews.Net)

عنوان درس: روش‌های نمونه‌گیری ۱

رشته تحصیلی/کد درس: آمار و کاربردها ۱۱۱۷۰۲۸ - آمار و کاربردها ۱۱۱۷۱۶۰

- از جامعه‌ای با مشخصات زیر نمونه‌ای به روش انتساب متناسب انتخاب می‌کنیم:

طبقه	$N_h$	$n_h$	$S_h^2$
۱	$N_1$	$n_1$	۵
۲	$N_2$	$n_2$	۵
۳	$N_3$	$n_3$	۵
مجموع	۱۰۰۰	۱۰۰	

.۰/۵۴ .۴

.۰/۴۵ .۳

.۰/۰۵۴ .۲

.۰/۰۴۵ .۱

- برای برآورد  $\bar{Y}$  (میانگین جامعه متناهی با حجم  $N$ ) با استفاده از  $\bar{y}$  (میانگین نمونه  $n$  تایی بدون جایگذاری) اگر بخواهیم مجموع تا به هزینه  $c(n) = a \cdot n$  و میانگین مربع خطای برآوردگر مینیمم گردد حجم نمونه را باید چقدر در نظر بگیریم؟

$$(S^v = \frac{N \sigma^v}{N - 1}, \sigma^v = \sqrt{\frac{1}{N} \sum_{i=1}^n (Y_i - \bar{Y})^2})$$

$$\frac{\sigma}{\sqrt{a}} .4$$

$$\frac{S}{\sqrt{a}} .3$$

$$\frac{S^v}{a} .2$$

$$\frac{\sigma^v}{a} .1$$

- جامعه‌ای از دو طبقه تشکیل شده است که طبقه اول شامل ۴ عضو با مقادیر ۲، ۵، ۸ و ۵ و طبقه دوم شامل سه عضو با مقادیر ۱، ۱۰ و ۴ است. اگر بخواهیم از این جامعه نمونه‌ای به حجم ۴ انتخاب کنیم. واریانس برآورد میانگین نمونه به روش تخصیص متناسب کدام است؟

.۰/۸۴ .۴

.۰/۴۸ .۳

.۰/۹۸ .۲

.۰/۸۹ .۱

- در مسئله قبل واریانس برآورد میانگین جامعه را در حالت تخصیص مساوی چیست؟

.۰/۸۹ .۴

.۰/۲۸ .۳

.۰/۹۸ .۲

.۰/۸۲ .۱

- درسوال شماره ۱۹ کدام روش دقیق‌تر است؟

- ۲. نمونه‌گیری طبقه‌ای با تخصیص متناسب
- ۴. نمونه‌گیری تصادفی ساده بدون جایگذاری

- ۱. نمونه‌گیری طبقه‌ای با تخصیص مساوی
- ۳. نمونه‌گیری تصادفی ساده با جایگذاری

- درسوال شماره ۱۹ چند نمونه ۴ تایی به روش تخصیص نی - من می‌توان انتخاب کرد؟

.۸ .۴

.۶ .۳

.۱۲ .۲

.۴ .۱



سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۹۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: ۰

[www.PnuNews.com](http://www.PnuNews.com)

[www.PnuNews.Net](http://www.PnuNews.Net)

عنوان درس: روشهای نمونه گیری ۱

رشته تحصیلی/گد درس: آمار و کاربردها ۱۱۱۷۰۲۸ - آمار و کاربردها

۳۰- کدام مورد درباره روش خردکردن درنمونه گیری PPS صحیح است؟

۱. برای کوچکتر کردن احتمال غیر موثر بودن انتخاب زوج  $(i, j)$  است
۲. بزرگتر کردن احتمال غیر موثر بودن انتخاب زوج  $(i, j)$  است
۳. مقدار ماکزیمم صفت کمکی به دو یا چند واحد تفکیک می شود.
۴. موارد ۳ و ۱