

سری سوال: یک ۱

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۵

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: آنالیز ریاضی، آنالیز ریاضی ۳

[www.PnuNews.com](http://www.PnuNews.com)

[www.PnuNews.Net](http://www.PnuNews.Net)

و شته تحصیلی / کد درس: ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی)، ریاضی محض (آنالیز)، ریاضی محض (جبر)، ریاضی محض (جبر و ریاضیات) و

کاربردها ۱۱۱۱۴۳۲

- فرض کنید  $V$  و  $W$  دو فضای برداری نرمدار و  $T$  یک تبدیل خطی از  $V$  به  $W$  باشد. انگاه:

۱.  $T$  در صفر پیوسته است.

۲.  $T$  در هر نقطه از  $V$  پیوسته است.

۳.  $T$  در صفر پیوسته است اگر و فقط اگر در هر نقطه از  $V$  پیوسته باشد.

۴. تبدیل خطی  $T$  کراندار است.

- فضای تبدیلات خطی از  $V$  به  $W$  است اگر  $T \in L(V, W)$

$$\|T\| = \sup\{\|Tx\| \mid \|x\| = 1\}$$

$$\|T\| = \sup\{\|Tx\| \mid \|x\| \leq 1\}$$

۴. هر سه مورد صحیح است

$$\|x\| \leq 1 \quad \text{برای } \|Tx\| \leq \|T\|$$

- اگر  $T \in L(V)$  که  $V$  فضای برداری و نرمدار است کدام گزینه غلط است؟

۱.  $T$  کراندار است اگر و فقط اگر  $T$  پیوسته باشد.

۲.  $T$  کراندار یعنی  $M \geq 0$  موجود است بطوریکه  $|T(x)| \leq M$  برای هر  $x \in V$

۳.  $T$  کراندار است اگر و فقط اگر  $T$  در صفر پیوسته باشد.

۴. مجموعه عملگرهای وارون پذیر روی  $V$  زیر مجموعه بازی از  $V$  است

- فرض کنید  $f : R^2 \rightarrow R^2$  با ضابطه،  $f(x, y) = (x^2 + y^2, xy)$  تعریف شود. کدام گزینه غلط است؟

۱. ماتریس جاکوبی  $f$  در هر نقطه موجود است

۱.  $f$  تابعی مشتق پذیر بر  $R^2$  است.

۲. ژاکوبین  $f$  در هر نقطه مخالف صفر است.

$$Df(x, y) = \begin{bmatrix} 2x & 2y \\ 2y & 2x \end{bmatrix}$$

سوی سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

## عنوان درس: آنالیز ریاضی، آنالیز ریاضی ۳

[www.PnuNews.com](http://www.PnuNews.com)

www.PnuNews.Net

کاربرد های ۱۱۱۱۴۳۲

۱۴۳۲ هـ / ۱۱۱۱

1•1•/1•1•2•5Λ

۱۳۹۰-۹۱ دوم نیمسال

صفحه ۱۲ از ۶

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: آنالیز ریاضی، آنالیز ریاضی ۳

[www.PnuNews.com](http://www.PnuNews.com)

[www.PnuNews.Net](http://www.PnuNews.Net)

و شته تحصیلی / کد درس: ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی)، ریاضی محض (آنالیز)، ریاضی محض (جبر)، ریاضی محض (تفاضل)، ریاضی و کاربردها ۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۴۳۲

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: آنالیز ریاضی، آنالیز ریاضی ۳

[www.PnuNews.com](http://www.PnuNews.com)

[www.PnuNews.Net](http://www.PnuNews.Net)

و شته تحصیلی / کد درس: ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی)، ریاضی محض (آنالیز)، ریاضی محض (جبر)، ریاضی محض (تفاضل)، ریاضی و کاربردها ۱۱۱۱۴۳۲

کاربردها

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱۴۳۲

۱۱۱۱

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: آنالیز ریاضی، آنالیز ریاضی ۳

[www.PnuNews.com](http://www.PnuNews.com)

[www.PnuNews.Net](http://www.PnuNews.Net)

و شته تحصیلی / کد درس: ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی)، ریاضی محض (آنالیز)، ریاضی محض (جبر)، ریاضی محض (جبر) و ریاضیات

کاربردها ۱۱۱۱۴۳۲

کاربردها ۱۱۱۱۴۳۲

-۱۸ فرض کنید  $W$  یک  $k$ -فرم در مجموعه باز  $E \subset \mathbb{R}^n$  باشد کدام گزینه غلط است؟

۱. هرگاه  ${}^0 dW = 0$  باشد  $W$  را یک فرم کامل نامیم.

۲. اگر  $W$  یک فرم کامل باشد انگاه  ${}^0 dW = 0$

۳. اگر  $W$  یک  $K$ -فرم بسته در  $E$  باشد انتگرال آن روی زنجیرهای  $K+1$  بدی در  $E$  اند صفر است.

۴. اگر  ${}^0 dW = 0$  انگاه  $W$  را یک فرم بسته می نامند.

-۱۹ فرض کنید  $V$  و  $W$  دو فضای برداری با ابعاد  $m$  و  $n$  باشند و  $T$  یک تبدیل خطی از  $V$  به  $W$  باشد انگاه

۱. ماتریس نمایش تبدیل خطی  $T$  یک ماتریس  $n \times m$  است.

۲. ماتریس نمایش تبدیل خطی  $T$  یک ماتریس  $m \times n$  است.

۳. مشتق تبدیل خطی  $T$  در هر نقطه ثابت است.

۴. ماتریس نمایش تبدیل خطی  $T$  وارون دارد.

-۲۰ هرگاه  $\|v\|_0, \|v\|_1, \|v\|_2, \|v\|_\infty$  دو نرم معادل روی فضای برداری  $V$  باشند کدام گزینه غلط است؟

۱. نگاشت همانی از  $V$ ,  $\|v\|_1$  به  $V$ ,  $\|v\|_0$  همیو مورفیسم است

۲. مفاهیم مجموعه باز-بسته-فسرده-همبند نسبت به متريک الکایی از اين دو نرم یکی است.

۳. چون دو نرم معادلند فضای  $V$  متناهی بعد است.

۴. اگر بعد  $V$  متناهی باشد تمام نرمها روی آن معادلند.

## سوالات تشریحی

۱۴۰ نمره - اگر  $V$  یک فضای برداری نرم دار و  $(V)$  فضای تبدیلات خطی کراندار روی  $V$  باشد نشان دهید مجموعه تمام عملگرهای وارون پذیر روی  $V$  مجموعه ای باز از  $L(V)$  است.

۱۴۰ نمره - فرض کنید تابع  $f$  مجموعه باز و محدب  $D \subseteq \mathbb{R}^n$  را به توی  $\mathbb{R}^m$  بنگارد ،  $f$  مشتق پذیر باشد و برای هر  $a, b \in D$  داریم  $x \in D$   $\|Df(x)\| \leq M$   $\|f(b) - f(a)\| \leq M \|b - a\|$

۱۴۰ نمره - قضیه افزار واحد را بیان و اثبات کنید

۱۴۰ نمره - مجموعه ای با اندازه صفر معرفی کنید که دارای قدر صفر نباشد و ادعای خود را اثبات کنید.

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۵

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: آنالیز ریاضی، آنالیز ریاضی ۳

[www.PnuNews.com](http://www.PnuNews.com)[www.PnuNews.Net](http://www.PnuNews.Net)

روش تحصیلی/گد درس: ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی)، ریاضی محض (آنالیز)، ریاضی محض (جبر)، ریاضی محض (جبر و آنالیز) و

کاربردها ۱۱۱۱۴۳۲

۵- لم پو انکاره را در خصوص ارائه شرط کافی برای فرمهای بسته که آنها را به فرمهای کامل تبدیل گرداند بیان و اثبات کنید.